

انتخاب مقدار بهینه برای دو پارامتر کرنل و جریمه در مسئله‌ی پیش رو با استفاده از الگوریتم گرگ خاکستری

مهديه حسینی^۱، محمد علی ریاحی^۲

^۱کارشناس ارشد موسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران mahdieh73697369@gmail.com

^۲استاد موسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران mariahi@ut.ac.ir

چکیده

در محیط‌های متخلخل، بخشی از فشار روباره توسط سیال پرکننده فضاهای خالی تحمل می‌شود و متناسب با آن سیال فشاری را به دیواره‌ی فضاهای خالی وارد می‌کند که به آن فشار منفذی اطلاق می‌شود. فشار منفذی از جمله پارامترهای مهم ژئومکانیکی می‌باشد از این رو شناخت کامل این پارامتر در مخزن می‌تواند کمک قابل توجهی در مطالعات ژئومکانیکی میدان، پایداری دیواره‌ی چاه، طراحی عملیات لایه شکافی و ... بکند. روش‌های یادگیری ماشین مبتنی بر بردارهای پشتیبان قابلیت‌های مناسبی در زمینه‌ی تخمین مدل فضایی پارامترهای مجهول در میدان‌های نفتی نشان داده‌اند. با این حال، انتخاب تابع کرنل مناسب مسئله‌ی چالشبرانگیز در زمینه‌ی اجرای ماشین‌های بردار پشتیبان است که به طرز معنیداری عملکرد این الگوریتم‌ها را تحت تأثیر قرار می‌دهد. در این پژوهش به منظور انتخاب مقدار بهینه‌ای برای این دو پارامتر در مسئله‌ی پیش رو، از الگوریتم بهینه‌سازی گرگ خاکستری استفاده می‌شود. در نهایت با بهینه‌سازی مقدار پارامترهای جریمه و پارامتر کرنل برای مسئله‌ی طرح شده، مقدار ۱۳.۹ برای پارامتر جریمه C و مقدار ۲.۶۳ به عنوان بهترین مقدار پارامتر کرنل انتخاب گردید. با استفاده از این ۲ مقدار، الگوریتم رگرسیون ماشین بردار پشتیبان مجدداً با این مقادیر با استفاده از داده‌های آموزشی، آموزش دید و در نهایت مدل آموزش داده شده بر روی داده‌های تست اجرا و مقدار فشار منفذی پیش بینی گردید.

واژه‌های کلیدی: فشار منفذی - الگوریتم گرگ خاکستری - بهینه‌سازی - فراابتنکاری - پارامتر جریمه - پارامتر کرنل

Selecting the optimal value for the two kernel parameters and the penalty in the problem ahead using the gray wolf algorithm

Mahdieh Hosseini¹, Mohammad Ali Riahi²

¹Master of degree, institute of Geophysics University of Tehran

Abstract

In porous media, part of the overburden pressure is borne by the fluid filling the voids and in proportion to that, the fluid enters the wall of the voids, which is called the pore pressure. The pore pressure is one of the important geomechanical parameters. Therefore, full knowledge of this parameter in the reservoir can significantly help in geomechanical studies of the field, well wall stability, design of slit layer operations, etc. Machine learning methods based on support vectors have good capabilities in estimating the spatial model Unknown parameters in oil fields have been shown. However, selecting the appropriate kernel function is a challenging issue in the implementation of support vector machines that significantly affect the performance of these algorithms. In order to select the optimal value for these two parameters in the present problem, the gray wolf optimization algorithm is used. Finally, by optimizing the value of the fine parameters and the kernel parameter for the proposed problem, the value of 13.9 for the penalty parameter (C) and the value of 2.63 as the best The value of the kernel parameter selected g Using these two values, the backup vector machine regression algorithm was trained again with these values using training data, and finally the trained model was performed on the test data and the amount of pore pressure was predicted.

Keywords: Pore Pressure - Gray Wolf Algorithm - Optimization - Metaheuristic - kernel parameters - penalty parameters

۱ مقدمه

مدلسازی فشارمنفذی با استفاده از الگوریتم رگرسیون ماشین بردار پشتیبان با خطای کمینه، نیازمند تعیین مقدار بهینه‌ی دو پارامتر مورد استفاده در الگوریتم ماشین بردار پشتیبانی یعنی پارامتر جریمه و همچنین پارامتر ضریب کرنل است. بدین منظور در این پژوهش از الگوریتم بهینه‌سازی گرگ خاکستری استفاده شده است. الگوریتم بهینه‌سازی گرگ خاکستری (Gray Wolf Optimization) (به اختصار GWO) یکی از جدیدترین الگوریتم‌های جدید فراابتکاری به شمار می‌رود که توسط آقای میرجلیلی و همکارانش در سال ۲۰۱۴ ارائه شده است. الگوریتم بهینه‌سازی گرگ خاکستری (GWO) یکی از جدیدترین روش‌های بهینه‌سازی تکاملی است. این الگوریتم بر اساس شبیه‌سازی رفتار اجتماعی و شکار گرگ خاکستری طراحی و پیاده‌سازی شده است. الگوریتم GWO رویکرد جدیدی است که توان افزایش دقت و کاهش خطا در پیش‌بینی را با محاسبات حداقل و مرتبه زمانی کمتر از کارهای مشابه دارد. الگوریتم گرگ خاکستری GWO از رفتار اجتماعی گرگ‌های خاکستری در هنگام شکار کردن الهام گرفته است. این الگوریتم مبتنی بر جمعیت بوده، فرآیند ساده‌ای دارد و به سادگی قابلیت تعمیم به مسائل با ابعاد بزرگ را دارد. گرگ‌های خاکستری به عنوان شکارچیان راس یا apex در نظر گرفته می‌شوند، که در بالای هرم زنجیره غذایی هستند. [1]

۲ روش تحقیق

ماشین بردار پشتیبان SVM

یکی از روش‌های یادگیری با نظارت است که از آن برای طبقه‌بندی و رگرسیون استفاده می‌شود. این روش از جمله روش‌های نسبتاً جدیدی است که در سال‌های اخیر کارایی خوبی نسبت به روش‌های قدیمی‌تر برای طبقه‌بندی نشان داده است. مبنای کاری دسته‌بندی ماشین بردار پشتیبان دسته‌بندی خطی داده‌ها است و در تقسیم خطی داده‌ها سعی می‌کنیم خطی را انتخاب کنیم که حاشیه اطمینان بیشتری داشته باشد.

به منظور پیاده‌سازی الگوریتم ماشین بردار پشتیبان بر هر داده‌ای، ابتدا باید طرح مسئله انجام گیرد. مسئله‌ای که در اینجا با آن رو به رو هستیم، یک مسئله‌ی رگرسیون با چند متغیر ورودی و یک متغیر خروجی است. متغیرهای ورودی شامل لاگ‌ها و مقادیر پارامترهای اندازه‌گیری شده‌ای هستند که در مراحل قبل آماده‌سازی آن‌ها شرح داده شد. متغیر خروجی مقدار فشار منفذی متناسب با مقادیر ورودی است که به نوعی هدف و خروجی مدلسازی این مطالعه می‌باشد. همانطور که در بخش مربوط به ماشین بردار پشتیبان توضیح داده شد، ماشین بردار پشتیبان در حالت اولیه برای حل مسائل خطی ارائه شده است و برای مسائل غیر خطی از تابع کرنل استفاده کرده و با استفاده از تابع کرنل داده‌ها را در فضای جدید به نحوی نگاشت می‌کند که مسئله به صورت خطی قابل حل باشد. استفاده از کرنل‌ها امکان ایجاد آموزش اضافی (overfitting) را زیاد می‌کند، وقتی حالت خطی داریم یعنی از حالت پیش‌فرض ماشین بردار پشتیبان استفاده می‌کنیم کمتر احتمال (overfitting) وجود دارد.

هدف نهایی SVR یافتن یک تابع رگرسیون $f: R^D \rightarrow R$ به شرح زیر است. [2]

$$Y = f(x) = W^T \varphi(x) + b \quad (1)$$

که $\varphi(x)$ تابعی است که می‌تواند داده‌های نمونه x را از فضای ویژگی با بعد کم به فضای ویژگی با بعد بالا نگاشت کند. W نیز یک بردار وزن است و b یک مقدار عددی است که می‌تواند کم و زیاد شود. عملکرد SVR به وسیله پارامتر جریمه خطای C تحت تاثیر قرار می‌گیرد. که بیانگر درجه تنبیهی است که برای پردازش نمونه‌ای که به اشتباه تقسیم بندی شده است به کار می‌رود. پارامتر C میان پیچیدگی الگوریتم SVR و درجه نمونه‌هایی که به اشتباه طبقه بندی می‌شوند، یک موازنه برقرار می‌کند. هنگامی که مقدار C کوچک باشد، به این معنا است که تنبیه برای خطای ذاتی داده‌های اولیه نیز کوچک است. در این حالت، پیچیدگی یادگیری ماشین ناچیز است، اما ریسک تجربه بالا است. بنابراین بسیار مهم است ضریب جریمه مناسبی برای مسائل کاربردی انتخاب شود. [2]

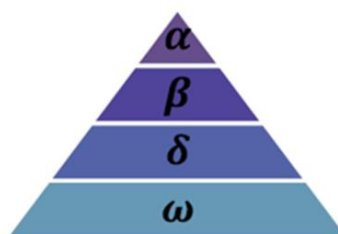
توابع کرنل

تعیین و انتخاب تابع کرنل مناسب، مسئله‌های کلیدی در کاربردهای SVR است. [3] تابع کرنل معمولاً برای انتقال نقاط داده به فضایی با ابعاد بالاتر و نیز به منظور تقویت توانایی آن در یافتن بهترین فرایند یادگیری جداکننده‌ی جداکننده‌ی ابر داده‌ها استفاده می‌شوند. [4] کرنل تابع پایه شعاعی (RBF) محبوب‌ترین و پرکاربردترین کرنل ماشین بردار پشتیبان است. شاید بتوان یکی از دلایل محبوبیت کرنل تابع پایه شعاعی (RBF) را این موضوع دانست که این کرنل (که همان کرنل گوسی است) بی‌نیاز به مشتق پذیر است. برای استفاده از کرنل‌ها باید مقادیر مناسبی برای پارامترهای آن‌ها تعیین کرد یعنی باید پارامترهای این کرنل‌ها را تنظیم کرد تا خوب عمل کنند؛ مثلاً برای کرنل تابع پایه شعاعی (RBF) باید پارامتر σ را تنظیم نمود و اگر پارامتر σ خیلی بزرگ در نظر گرفته شود مدل *overfit* می‌شود و اگر خیلی کم باشد *underfit* می‌شود. همچنین همانطور که در بخش مربوط به ماشین بردار پشتیبان توضیح داده شد، برای پیاده‌سازی الگوریتم ماشین بردار پشتیبان بر اساس فرمول بندی الگوریتم، نیازمند تعیین انتخاب پارامتر جریمه C هستیم که تعیین این دو پارامتر توسط کاربر می‌تواند در نتایج نهایی مدلسازی تاثیر گذار باشد. در این پژوهش به منظور انتخاب مقدار بهینه‌ای برای این دو پارامتر در مسئله‌ی پیش رو، از الگوریتم بهینه‌سازی گرگ خاکستری استفاده می‌شود.

الگوریتم گرگ خاکستری

گرگ‌های خاکستری ترجیح می‌دهند در یک گروه (دسته) زندگی کنند، هر گروه به طور متوسط ۵-۱۲ عضو دارد. همه اعضای این گروه دارای سلسله مراتب تسلط اجتماعی بسیار دقیق هستند و وظایف خاصی دارند. در هر گله از گرگ‌ها خاکستری برای شکار کردن ۴ درجه وجود دارد که مانند شکل (1) به صورت یک ساختار هرمی مدل می‌شود.

- گرگ‌های رهبر گروه α نامیده می‌شوند که می‌توانند مذکر یا مونث باشند. این گرگ‌ها بر گله تسلط دارند.
- گرگ‌های β : کمک به گرگ‌های α در فرایند تصمیم‌گیری بوده و همچنین مستعد انتخاب شدن به جای آن‌ها هستند.
- گرگ‌های δ : پایین‌تر از گرگ‌های β و شامل گرگ‌های پیر، شکارچی‌ها و گرگ‌های مراقبت کننده از نوزادان
- گرگ‌های ω : پایین‌ترین مرتبه در هرم سلسله مراتب که کم‌ترین حق را نسبت به بقیه اعضای گروه دارند. بعد از همه غذا می‌خورند و در فرایند تصمیم‌گیری مشارکتی ندارند.



شکل (۱): مدل هرمی گرگ‌های خاکستری [1]

در توضیح و آموزش الگوریتم گرگ خاکستری می‌توان گفت این الگوریتم شامل ۳ مرحله اصلی است:

- ۱- مشاهده شکار، ردیابی و تعقیب آن (tracking and approaching)
 - ۲- نزدیک شدن، احاطه کردن (حلقه زدن) به دور شکار و گمراه کردن آن تا زمانی که از حرکت باز بماند (Pursing and encircling)
 - ۳- حمله به شکار (attacking)
- در این الگوریتم ساختار سلسله مراتبی و رفتار اجتماعی گرگ‌ها در حین فرایند شکار به صورت ریاضی مدل شده و برای طراحی الگوریتمی برای بهینه‌سازی مورد استفاده قرار گرفته است.

بهینه سازی با استفاده از گرگ‌های α , β و δ انجام می‌شود. یک گرگ به عنوان α هدایت‌کننده اصلی الگوریتم فرض می‌شود و یک گرگ β و δ نیز مشارکت دارند و بقیه گرگ‌ها به عنوان دنبال‌کننده آن‌ها محسوب می‌شوند. در بهینه‌سازی گرگ خاکستری (GWO)، مناسب‌ترین راه حل را به عنوان آلفا در نظر می‌گیریم، و راه حل‌های دوم و سوم مناسب به ترتیب بتا و دلتا نامگذاری می‌شوند. بقیه راه حل‌ها امگا در نظر گرفته می‌شوند. در الگوریتم GWO، شکار توسط $\alpha\beta$ و δ هدایت می‌شود. راه حل ω از این سه گرگ پیروی می‌کند. در طول شکار، گرگ‌های خاکستری طعمه را محاصره می‌کنند. مدل ریاضی رفتار محاصره در معادلات زیر ارائه شده است. که در روابط زیر t تکرار فعلی، A و C بردارهای ضریب هستند، X_p بردار موقعیت طعمه است و X بردار موقعیت گرگ خاکستری را نشان می‌دهد.

$$D = |C \cdot X_p(t) - X(t)| \quad (2)$$

$$X(t+1) = X_p(t) - A \cdot D \quad (3)$$

$$A = 2ar_1 - a \quad (4)$$

$$C = 2r_2 \quad (5)$$

$$D_\alpha = |C_1 \cdot X_\alpha - X| \quad (6)$$

$$D_\beta = |C_2 \cdot X_\beta - X| \quad (7)$$

$$D_\delta = |C_3 \cdot X_\delta - X| \quad (8)$$

$$X_1 = X_\alpha - A_1 \cdot (D_\alpha) \quad (9)$$

$$X_2 = X_\beta - A_2 \cdot (D_\beta) \quad (10)$$

$$X_3 = X_\delta - A_3 \cdot (D_\delta) \quad (11)$$

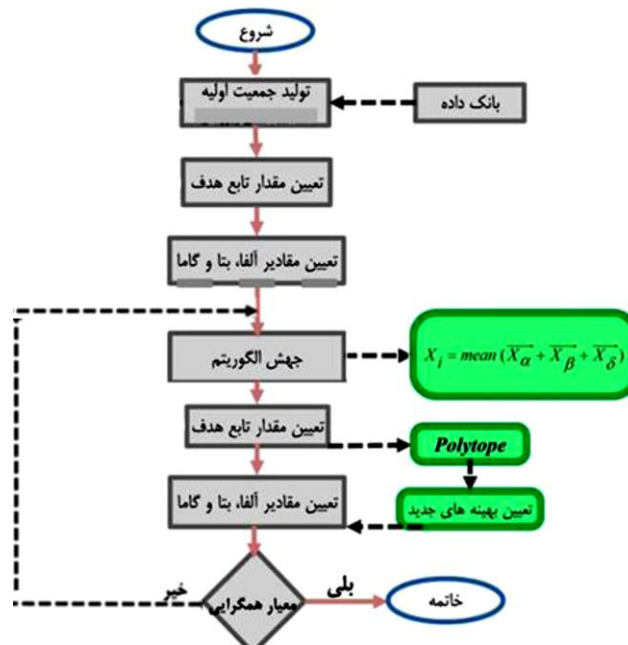
$$X(t+1) = \frac{X_1 + X_2 + X_3}{3} \quad (12)$$

الگوریتم GWO در کاربردهای متفاوتی مطرح شده است. از جمله این کاربردها می‌توان به کنترل توماتیک، ارسال انرژی، تخمین پارامتر، برنامه‌ریزی فروشگاه و بهینه‌سازی چندبعدی می‌توان اشاره نمود. تحولات اخیر الگوریتم‌های GWO مانند الگوریتم باینری GWO، الگوریتم چند منظوره GWO، و مخلوط کردن با دیگر الگوریتم‌ها یا برنامه‌ها از دیگر کارهای انجام شده در زمینه الگوریتم GWO می‌باشد. همچنین موقعیت جستجو و شکار گرگ‌های خاکستری نیز می‌تواند با سلسله‌مراتب اجتماعی توافق شود که باعث بهبود بیشتر الگوریتم GWO خواهد شد. [5] در شکل (۲) مراحل انجام پیاده‌سازی، روش ارائه شده در این پژوهش به طور شماتیک نشان داده شده است.

۳ نتیجه‌گیری

فشار منفذی از جمله پارامترهای مهم ژئومکانیکی می‌باشد از این رو شناخت کامل این پارامتر در مخزن می‌تواند کمک قابل توجهی در مطالعات ژئومکانیکی میدان، پایداری دیواره چاه، طراحی عملیات لایه شکافی و ... بکنند مسئله‌ای که در اینجا با آن رو به رو هستیم، یک مسئله‌ی رگرسیون با چند متغیر ورودی و یک متغیر خروجی است. متغیرهای ورودی شامل لاگ‌ها و مقادیر پارامترهای اندازه‌گیری شده‌ای هستند متغیر خروجی مقدار فشار منفذی متناسب با مقادیر ورودی است که به نوعی هدف و خروجی مدلسازی این مطالعه می‌باشد. روش‌های یادگیری ماشین مبتنی بر بردارهای پشتیبان قابلیت‌های مناسبی در زمینه تخمین مدل فضایی پارامترهای مجهول در میدان‌های نفتی نشان داده اند. با این حال،

انتخاب تابع کرنل مناسب مسئله ای چالش برانگیز در زمینه اجرای ماشین‌های بردار پشتیبان است که به طرز معنی داری عملکرد این الگوریتم‌ها را تحت تأثیر قرار می‌دهد. در این پژوهش به منظور انتخاب مقدار بهینه‌ای برای این دو پارامتر در مسئله‌ی پیش رو، از الگوریتم بهینه سازی گرگ خاکستری استفاده می‌شود. در نهایت با بهینه سازی مقدار پارامترهای جریمه و پارامتر کرنل برای مسئله‌ی طرح شده، مقدار ۱۳.۹ برای پارامتر جریمه C و مقدار ۲.۶۳ به عنوان بهترین مقدار پارامتر کرنل انتخاب گردید. با استفاده از این ۲ مقدار، الگوریتم رگرسیون ماشین بردار پشتیبان مجدداً با این مقادیر با استفاده از داده‌های آموزشی، آموزش دید و در نهایت مدل آموزش داده شده بر روی داده‌های تست اجرا و مقدار فشار منفذی برآیداده های تست، با این مدل پیش بینی گردید.



شکل (۲):فلوچارت مراحل پیاده سازی الگوریتم ماشین بردار پشتیبان به همراه بهینه سازی گرگ خاکستری به منظور پیش‌بینی فشار منفذی

منابع

1. S. M. Mirjalili, S. Mirjalili and A. Lewis, "A Novel Multi-Objective Optimization Framework for Designing Photonic Crystal Waveguides," IEEE Photonics Technology Letters, Vol.26, No.2, pp.146-149, 2014.
2. Wang, H., & Xu, D. (2017). Parameter selection method for support vector regression based on adaptive fusion of the mixed kernel function. Journal of Control Science and Engineering, 2017.
3. Achirul Nanda, M., Boro Seminar, K., Nandika, D., & Maddu, A. (2018). A comparison study of kernel functions in the support vector machine and its application for termite detection. Information, 9(1), 5.
4. Pahwa, S., & Sinwar, D. (2015). Comparison of various kernels of support vector machine. International Journal for Research in Applied Science & Engineering Technology (IJRASET), 3(VII), 532-536.
5. Muro C, Escobedo R, Spector L, Coppinger R. Wolf-pack (Canis lupus) hunting strategies emerge from simple rules in computational simulations. Behav Process 2011;88:192-7